Macromolecule Structure determination by X-ray crystallography. A primer.

## Pr. Jean Cavarelli

### Structural biology of epigenetic targets



jean.cavarelli@unistra.fr

jean.cavarelli@igbmc.fr







### DATA from Structural genomics centers

### http://targetdb.pdb.org/





001

Interactions rayonnements - matière : Notions de base

1. Modification du rayonnement sous l'action de la matière :

Diminution de l'intensité : absorption du rayonnement Changement du module du vecteur d'onde : une partie des photons ou des particules ont perdu de l'énergie Changement du vecteur d'onde en direction : diffusion

2. Modification de la matière sous l'action du rayonnement :

L'énergie perdue par le rayonnement est intégralement transférée aux atomes de la matière sous différentes formes énergie potentielle, énergie cinétique, énergie de vibration thermique une partie de cette énergie pourra être réémise sous forme de rayonnements ou de chaleur



Interaction RX avec un cristal "typique " de protéine (valeurs numériques pour  $\lambda$ =1Å, 12.4 kev)

La majeure partie du rayonnement n'est pas « diffusée » (98%)

(pas de changement du vecteur d'onde en direction)

sample

Pour la partie diffusée (2%), 3 possibilités :

Interaction par effet photoélectrique (84%) éjections d'électrons des atomes

Diffusion "Thompson " ("Rayleigh") (8%)

interaction cohérente et élastique, donnant lieu au phénomène d'interférences

constructives observé(diffraction)



Interaction inélastique et incohérente







Les Rayons X interagissent avec particules chargées :

électrons, protons

Section efficace

The de diffusion élastique électrons/protons  

$$\frac{\sigma_e}{\sigma_p} \div \left(\frac{M_p}{M_e}\right)^2 \cong \left(\frac{1.6 \ 10^{-27}}{9,1 \ 10^{-31}}\right)^2 \cong 3,410^6$$

La participation des protons est négligeable pour la diffusion élastique des RX

Pour les RX, la matière est vue comme une répartition d'électrons

La diffusion élastique des rayons X apporte des informations sur la densité électronique de l'échantillon.











### Espace direct

#### Une structure cristalline

- Un groupe d'espace, une maille cristalline
- N atomes dans une maille
- Pour chaque atome j (j = 1, N), les "paramètres" :
  - l'interaction avec le rayonnement
    - facteur de diffusion fi
  - les coordonnées de position
    - (x<sub>i</sub>, y<sub>i</sub>, z<sub>i</sub>), (coordonnées relatives)
  - le désordre statique et dynamique
    - q<sub>j</sub>, w<sub>j</sub>

 $\rho(x, y, z)$ 

### Espace réciproque

#### Un ensemble de m ondes "diffusées"

- Les rayons X interagissent avec les particules chargées : électrons, protons
- On utilise l'interaction élastique (cohérente) des rayons X
  - la participation des protons est négligeable (par rapport aux électrons)
  - pour les rayons X, la matière est vue comme une distribution d'électrons
- m lié à la limite de diffraction du cristal (d<sub>min</sub>),
- chaque onde est caractérisée par 3 paramètres :
  - une direction de diffusion,
  - un module,
  - une phase (une différence de phase par rapport à une onde de référence).

### m $F_{hkl}$ , $hkl \in D^*$

$$\rho(x, y, z) \xleftarrow{\hat{\mathscr{F}}^{-1}}{\widehat{\mathscr{F}}} F_{hkl} \qquad \begin{cases} \rho(x, y, z) &= \hat{\mathscr{F}}[F_{hkl}] \\ F_{hkl} &= \hat{\mathscr{F}}^{-1}[\rho(x, y, z)] \end{cases}$$

Le résultat de processus cristallographique

La référence et le juge de paix La fonction densité électronique

Fonction densité électronique théorique



$$\rho(x, y, z) = \frac{1}{V} \sum_{h=-\infty}^{h=+\infty} \sum_{k=-\infty}^{k=+\infty} \sum_{l=-\infty}^{l=+\infty} |F_{hkl}| e^{i\phi_{hkl}} e^{-2i\pi(hx+ky+lz)}$$

- fonction réelle (en absence de diffusion anomale) et positive (si tous les termes sont inclus)
- fonction qui présente des maxima dans les régions occupées par les atomes
- fonction qui est donc en général interprétée en termes de positions atomiques

Espace direct  $\rightleftharpoons$  Espace réciproque

$$\rho(x, y, z) = \left(\frac{1}{V}\right) \sum_{h \in \mathbb{Z}} \sum_{k \in \mathbb{Z}} \sum_{l \in \mathbb{Z}} F_{hkl} \quad e^{-2i\pi(hx + ky + lz)} = \left(\frac{1}{V}\right) \sum_{(h, k, l) \in \mathbb{Z}^3} |F_{hkl}| \quad e^{i\phi_{hkl}} \quad e^{-2i\pi(hx + ky + lz)}$$

$$F_{hkl} = \sum_{j=1}^{N} q_j f_j^{hkl} w_j^{hkl} e^{2i\pi(hx_j + ky_j + lz_j)}$$



### structure cristallographique = moyennes dans le temps et dans l'espace :

ensemble des structures présentes dans le cristal pendant le temps de l'expérience

le modèle construit en termes de paramètres atomiques se doit de refléter au mieux les positions et les mouvements des atomes dans le cristal









 $\sim 10^{13}$  molecules

Paramètres de déplacements atomiques

$$F_{hkl} = \sum_{j=1}^{N} q_j f_j^{hkl} w_j^{hkl} e^{2i\pi(hx_j + ky_j + lz_j)}$$

- Modéliser aux mieux les mouvements et le "désordre" des atomes dans la structure
- Les paramètres de déplacements atomiques

Désordre statique et dynamique

- Facteur d'occupation :  $q_i$  (j=1,n)
- Facteur de Debye Waller:  $w_i$ , (j=1,n)
  - Modèle simple isotrope, facteur d'agitation thermique
  - Modèle plus sophistiqué, anisotrope







Fonction densité électronique. En théorie :

$$\rho(x, y, z) = \left(\frac{1}{V}\right) \sum_{h \in \mathbb{Z}} \sum_{k \in \mathbb{Z}} \sum_{l \in \mathbb{Z}} |F_{hkl}^{vrai}| e^{i\phi_{hkl}^{vrai}} e^{-2i\pi(hx+ky+lz)}$$

### L'information de phases est essentielle Théoreme de Parseval

$$<(\Delta 
ho)^2> = (rac{1}{V^2})\sum_{h\in\mathbb{Z}}\sum_{k\in\mathbb{Z}}\sum_{l\in\mathbb{Z}}|F_{hkl}^v-F_{hkl}^u|^2$$





Fonction densité électronique. La réalité :

$$\rho(x, y, z)^{obs} = \left(\frac{1}{V}\right) \sum_{hkl \in D^{\star}} |F_{hkl}^{obs}| e^{i\phi_{hkl}^{cakc}} e^{-2i\pi(hx+ky+lz)}$$

Protein crystallography for non-crystallographers, or how to get the best (but not more) from published macromolecular structures

### Alexander Wlodawer<sup>1</sup>, Wladek Minor<sup>2,3</sup>, Zbigniew Dauter<sup>4</sup> and Mariusz Jaskolski<sup>5,6</sup>

FEBS Journal (2007) Journal compilation @ 2007 FEBS. No claim to original US government works

Fonction densité électronique. La réalité :

$$\rho(x, y, z)^{obs} = \left(\frac{1}{V}\right) \sum_{hkl \in D^*} |F_{hkl}^{obs}| \quad e^{i\phi_{hkl}^{calc}} \quad e^{-2i\pi(hx+ky+lz)}$$

 $\rho(x, y, z)^{obs} \neq \rho(x, y, z)^{vrai}$ . 3 sources d'erreurs principales :

• les erreurs sur la valeur des coefficients utilisés

 $|F_{bkl}^{obs}| \neq |F_{bkl}^{vrai}| \qquad \phi_{bkl}^{calc} \neq \phi_{bkl}^{vrai}$ 

les erreurs de troncatures

$$D^* \neq \mathbb{Z}^3$$

Conséquences des erreurs :

- perte d'interprétabilité de la fonction en terme de positions atomiques
- distance minimale pour que 2 "détails" soient vus séparément, en théorie  $\approx 0,7 d_{min}$  pratiquement  $\approx d_{min}$
- des maxima "élargis" avec des "hauteurs" réduites
- des faux maxima, des minima négatifs
- des superpositions d'extrema (maxima, minima)











# $\sim 10^{13}$ molecules



# Un cristal : Arrangement périodique ordonné



Reproduction ULP Strasbourg. Autorisation CFC-Paris

©1999 GARLAND PUBLISHING INC. A member of the Taylor & Francis Group

230 Groupes d'espaces

Maille cristalline caractérisée par l'un des 7 systèmes cristallins





Un cristal : Arrangement périodique ordonné

### 7 systèmes cristallins

230 groupes d'espaces





Daniel L. Minor, Jr. Neuron 54, May 24, 2007 ©2007 Elsevier Inc.

Reproduction ULP Strasbourg. Autorisation CFC-Paris

# Symétrie des cristaux



с

[010]

(101)

(100)

 $(10\bar{1})$ 

 $(1\overline{1}1).$ 

 $(1\overline{1}0)$ 

 $(1\bar{1}\bar{1}$ 

(001)

(111)

(110)

 $(11\bar{1})$ 

¥1101

(011)



### Symétrie macroscopique

- gouverne les formes extérieures des cristaux
- correspond à la symétrie ponctuelle ou symétrie d'orientation
- Ne rend pas compte de la structure atomique



Travaux de Haűy (1784) Classification en 7 systèmes : Mohs 1820 Les 32 groupes ponctuels : Hessel, 1830 Indexation des faces : Miller, 1839

### Symétrie microscopique

- Vision atomique, Symétrie spatiale
- Bravais: 14 réseaux, 1848
- Groupes spatiaux. 230 groupes
  - Sohncke, 1879, Schoenflies-Fedorov 1891; Maugin-Hermann, 1933

ESSAI D'UNE THÉORIE SUR LA STRUCTURE DES CRYSTAUX. APPLIQUÉE A PLUSIEURS GENRES DE SUBSTANCES CRYSTALLISÉES;

Par M. l'Abbé HAÜY, de l'Académie Royale des Sciences, Professeur d'Humanités dans l'Université de Paris.



Système	Symétrie	Groupes ponctuels	Contraintes imposées	Réseaux de Bravais
Triclinique	Identité ou inversion	$1, \overline{1}$	$egin{array}{cccc} a & b & c & \ lpha & eta & \gamma & \end{array}$	Р
Monoclinique	1 sym d'ordre 2	2,m,2/m	$\begin{array}{ccc} a & b & c \\ \alpha = \gamma = 90 \\ \beta \end{array}$	Р, С
Orthorhombique	3 syms d'ordre 2 $\perp$	222, mm2, mmm	$\begin{array}{ccc} a & b & c \\ \alpha = \beta = \gamma = 90 \end{array}$	P, C, I, F
Quadratique	axe d'ordre 4	$\begin{array}{c} 4, ar{4},  4/\mathrm{m} \\ 422,  4mm, ar{4}2m \\ 4/mmm \end{array}$	$\begin{array}{ll} a=b & c \\ \alpha=\beta=\gamma=90 \end{array}$	Р, І
Hexagonal	axe d'ordre 6	$egin{array}{l} 6,ar{6},6/{ m m}\ 622,6mm,ar{6}2m\ 6/mmm \end{array}$	$\begin{array}{ll} a=b & c \\ \alpha=\beta=90 & \gamma=120 \end{array}$	Р
Trigonal / Rhomboédrique	axe d'ordre 3		$ \begin{array}{ll} a=b & c \\ \alpha=\beta=90 & \gamma=120 \\ \mathrm{axe} \ 3 \parallel \overrightarrow{c} \end{array} $	р
		3, 3 $32, 3m, \overline{3}m$	$\begin{aligned} a &= b = c \\ \alpha &= \beta = \gamma \\ \text{axe } 3 \parallel \overrightarrow{a} + \overrightarrow{b} + \overrightarrow{c} \end{aligned}$	R
Cubique	4 axes d'ordre 3	$23, m\bar{3}$ $432, \bar{4}3m, m\bar{3}m$	$\begin{array}{l} a=b=c\\ \alpha=\beta=\gamma=90 \end{array}$	P, I, F







### Diffusion élastique cohérente des RX par un atome

chaque atome est caractérisé par une certaine densité électronique  $\rho(r)$ 

En prenant comme unité l'amplitude diffusé par un électron en O,

$$F(\vec{S}) = \oint_{V} \rho(r) \exp(2i\pi \ \vec{r}.\vec{S}) \ dr^{3}$$



**Facteur de diffusion** (f<sub>i</sub>) d'un atome j

caractérise l'interaction de l'atome j avec les rayons X (par rapport à un électron libre)

### Diffusion élastique cohérente des RX par un atome

facteur de diffusion (f<sub>i</sub>) d'un atome j

### Diffusion non anomale

- l'énergie des photons X est assez différente de l'énergie de liaison d'un électron dans l'atome, les électrons diffusent comme s'ils étaient libres
- facteur de diffusion (f<sub>i</sub>) d'un atome j est un nombre réel

$$f_j(S) = \int 4\pi r^2 \rho(r) \frac{\sin(2\pi rS)}{2\pi rS} dr$$

ATOMIC SCATTERING FACTOR CURVE FOR ELEMENT o - WEBSCAT by B.Rupp



pour 
$$\frac{\sin\theta}{\lambda} = 0$$
,  $f_i^0 \cong Z_i$ 

Approximation polynomiale (Cromer, Waber 1968)

$$f^{0}(\frac{\sin\theta}{\lambda}) = \sum_{i=1}^{i=4} a_{i} e^{-b_{i}(\frac{\sin\theta}{\lambda})^{2}} + c$$

### diffusion anomale :

 $\rightarrow$ 

- l'énergie des photons X est très proche de l'énergie de liaison d'un électron dans l'atome,
- effets de résonance entre le photon incident et l'électron importants,
- changement de phase et d'amplitude de l'onde diffusée dépendant de la nature de l'atome
  - l'onde diffusée par l'atome n'est plus en phase avec l'onde de référence diffusée par un électron à l'origine.
- facteur de diffusion (f<sub>i</sub>) d'un atome j est un nombre complexe

$$f_{j}(\lambda) = f_{j}^{0} + f_{j}'(\lambda) + i f_{j}''(\lambda)$$

$$f(\lambda) = f_0 + f'(\lambda) + i f''(\lambda)$$



sin(theta)/lambda

# Diffusion par n atomes

- N atomes caractérisés par :
  - facteur de diffusion  $f_i$  (j=1,n)
  - position r<sub>j</sub> (j=1,n)



 $2\pi \mathbf{r}$ 

 $2\pi r$ 

2πr S

• En prenant comme unité l'amplitude diffusé par un électron en O,

l'onde diffusée par n atomes dans une direction quelconque caractérisée par l'angle 20 est :

$$F(\vec{S}) = \sum_{j=1}^{j=n} f_j \exp(2i\pi \vec{r}_j \cdot \vec{S}) \qquad 2\pi \vec{r}_6 \vec{S}$$

# Diffraction par un réseau tridimensionnel d'atomes identiques

- Un réseau caractérisé par les vecteurs  $(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c})$
- Pour  $(n_a, n_b, n_c)$  grands,
  - Interférences constructives si et seulement si



Max von Laue Nobel Prize in Physics 1914

$$\vec{a}.\vec{S} = h, \quad h \in Z$$
  
 $\vec{b}.\vec{S} = k, \quad k \in Z$  Equations de Laue  
 $\vec{c}.\vec{S} = l, \quad l \in Z$ 



# Diffraction par un réseau tridimensionnel d'atomes identiques

$$\vec{a}.\vec{S} = h, \quad h \in Z$$
  
 $\vec{b}.\vec{S} = k, \quad k \in Z$  Equations de Laue  
 $\vec{c}.\vec{S} = l, \quad l \in Z$ 



- Les équations de Laue sont vérifiées si et seulement si
  - $-\vec{S}$  est un vecteur du réseau réciproque

$$\exists (h,k,l) \in Z^3 / \vec{S} = h \vec{a}^* + k \vec{b}^* + l \vec{c}^*$$



- On a alors diffraction dans la direction  $\vec{S} = \vec{S} + \vec{S}_0$
- Nobel Prize in Physics 1914

Construction d'Ewald. Sphère d'Ewald






## Nwv

 $\lambda$ =1.22Å a=411Å b=410Å c=420Å  $\alpha$ =59°  $\beta$ =58,9°  $\gamma$ =64°  $\Delta \phi$ =0.3° DF=120mm. 15245 réflexions 2.7Å

Brookhaven (USA), 1988.



© J.E. Johnson Reproduction ULP Strasbourg. Autorisation CFC-Paris

## Facteurs de Structure d'un cristal

$$\sum_{j=1}^{j=n} f_j \exp(2i\pi \vec{r}_j \cdot \vec{S})$$

 $n_1$  mailles selon  $\vec{a}, n_2$  mailles selon  $\vec{b}, n_3$  mailles selon  $\vec{c}$  $G(\vec{S}) = F(\vec{S}) L(\vec{S})$ 

- $F(\vec{S})$  facteur de structure (pour une maille)
  - Dépend du contenu atomique de la maille, rend compte du déphasage entre atomes de la maille.
  - Indépendant de la taille du cristal.
- $L(\vec{S})$  facteur de forme
  - Amplitude diffusé par le cristal, en prenant comme unité celle diffusée par une maille. Dépend des dimensions ou de la forme du cristal, rend compte du déphasage entre les mailles.
  - Indépendant du contenu atomique de la maille.

$$L(\vec{S}) = \sum_{u=0}^{u=n_1-1} \sum_{v=0}^{v=n_2-1} \sum_{w=0}^{w=n_3-1} \exp(2i\pi(u\vec{a}.\vec{S}+v\vec{b}.\vec{S}+w\vec{c}.\vec{S}))$$

$$L(\vec{S}) = \sum_{u=0}^{u=n_1-1} \exp(2i\pi u\vec{a}.\vec{S}) \sum_{v=0}^{v=n_2-1} \exp(2i\pi v\vec{b}.\vec{S}) \sum_{w=0}^{w=n_3-1} \exp(2i\pi w\vec{c}.\vec{S})$$
$$\left| L(\vec{S}) \right|^2 = \left(\frac{\sin(n_1\pi\vec{a}.\vec{S})}{\sin(\pi\vec{a}.\vec{S})}\right)^2 \left(\frac{\sin(n_2\pi\vec{b}.\vec{S})}{\sin(\pi\vec{b}.\vec{S})}\right)^2 \left(\frac{\sin(n_3\pi\vec{c}.\vec{S})}{\sin(\pi\vec{c}.\vec{S})}\right)^2$$

Pour un cristal de dimension infinie

$$L(\vec{S}) \neq 0 \quad \text{si et seulement si} \quad \vec{S} = h\vec{a}^* + k\vec{b}^* + l\vec{c}^*$$
$$G(\vec{S}) \perp n_1^2 n_2^2 n_3^2 F(\vec{S})$$



Pour un cristal de dimension "infinie"

$$G(\vec{S}) \propto F(\vec{S}) \neq 0$$
  
si et seulement si  $\vec{S} = h\vec{a}^* + k\vec{b}^* + l\vec{c}^*$ 

$$\left\{ F(\vec{S}) \right\}$$
 facteurs de structure

- dépend du contenu atomique de la maille
- rend compte du déphasage entre atomes de la maille
- Indépendant de la taille du cristal

# Facteur de structure - N atomes dans la maille $-(f_{j},\vec{r}_{j}), j=1,N)$



$$\vec{r}_{j} = x_{j} \vec{a} + y_{j} \vec{b} + z_{j} \vec{c} \quad 0 \le x_{j}, y_{j}, z_{j} < 1$$
  
$$\vec{S} = h\vec{a}^{*} + k\vec{b}^{*} + l\vec{c}^{*}$$
  
$$F(\vec{S}) = \sum_{j=1}^{j=N} f_{j} \exp(2\pi i(hx_{j} + ky_{j} + lz_{j})) = F_{hkl}$$



$$\left| \vec{S} \right| = \left| \vec{S}_{\max} \right|$$

Attention, on utilise dans la pratique

$$d_{\min} = \frac{1}{\left|\vec{S}_{\max}\right|}$$



La limité de diffraction n'est pas un critère fixé par l'utilisateur, mais dans les conditions les plus optimales, elle reflète la qualité intrinsèque (ordre) d'un cristal

# Relations entre facteurs de structures

En absence de diffuseur anomal

Loi de Friedel (Georges Friedel)



1865-1933

$$F_{hkl} = \sum_{j=1}^{j=N} f_j \exp(2\pi i (hx_j + ky_j + lz_j))$$

$$\begin{aligned} F_{\overline{h}\overline{k}\overline{l}} &= \overline{F}_{hkl} \\ \left| F_{\overline{h}\overline{k}\overline{l}} \right| &= \left| \overline{F}_{hkl} \right| \quad et \quad \phi_{\overline{h}\overline{k}\overline{l}} = -\phi_{hkl} \end{aligned}$$

Pour un groupe d'espace donné,

– Espace direct : Opérateurs de symétrie :

 $C_{s}$  : ( $R_{s}$ , $T_{s}$ ), (s=1,n)

$$\vec{r}_{js} = R_{s} \, \vec{r}_{j} + T_{s}$$

 Espace réciproque : Contraintes correspondantes sur les facteurs de structure

$$F_{R_{S}^{t}H} = F_{H} \exp(-2i\pi H^{t} T_{S})$$
$$\left|F_{R_{S}^{t}H}\right| = \left|F_{H}\right| \quad et \quad \phi_{R_{S}^{t}H} \equiv \phi_{H} - 2\pi H^{t} T_{S} \quad [2\pi]$$

$$F_{R_{S}^{t}H} = F_{H} \exp(-2i\pi H^{t} T_{S})$$
$$\left|F_{R_{S}^{t}H}\right| = \left|F_{H}\right| \qquad \phi_{R_{S}^{t}H} = \phi_{H} - 2\pi H^{t} T_{S}$$

# **Réflexions équivalentes**

## **Extinctions systématiques**



# Exemple. Groupe P6<sub>1</sub>

Positions équivalentes

x,y,z -y, x-y, z+1/3 y-x, -x, z+2/3 -x, -y, z+1/2 y, y-x, z+5/6 x-y, x, z+1/6  Réflexions équivalentes en absence de diffuseur anomal

hkl-h,-k,-lk, (-h - k), l-k, (h + k), -l(-h - k), h, l(h + k), -h, -l-h,-k, lh, k, -l-k, (h + k), lk, (-h - k), -l(h + k), -h, l(-h - k), h, -l

Contraintes sur les facteurs de structure : Extinctions systématiques

$$F_{R_{S}^{t}H} = F_{H} \exp(-2i\pi H^{t} T_{S})$$
$$\left|F_{R_{S}^{t}H}\right| = \left|F_{H}\right| \qquad \phi_{R_{S}^{t}H} = \phi_{H} - 2\pi H^{t} T_{S}$$
$$\operatorname{si} H = R_{S}^{t}H \quad et \quad H^{t} T_{S} \text{ non entier} \Longrightarrow \left|F_{H}\right| = 0$$

- axes hélicoïdaux :
  - extinctions à périodicité unidimensionnelle : situés sur une rangée particulière du réseau réciproque
- plans de symétrie translatoires :
  - extinctions à périodicité bidimensionnelle, situés sur un plan particulier du réseau réciproque
- modes de réseau :
  - extinctions à périodicité tridimensionnelle.

Réflexions affectées	Conditions d'existence	Éléments de symétrie
h00	h=2n	2 <sub>1</sub> // a, 4 <sub>2</sub> // a
0k0	k=2n	2 <sub>1</sub> // b, 4 <sub>2</sub> // b
001	l=2n	2 <sub>1</sub> ou 4 <sub>2</sub> ou 6 <sub>3</sub> // c
	l=3n	$3_1 \text{ ou } 3_2 \text{ ou } 6_2 \text{ ou } 6_4 // \text{ c}$
	l=4n	4 <sub>1</sub> ou 4 <sub>3</sub> // c
	l=6n	6 <sub>1</sub> ou 6 <sub>5</sub> // c
hkl	h+k=2n	Mode C
	h+l=2n	Mode B
	k+l=2n	Mode A
	h+k+l=2n	Mode I
	h,k,l, tous pairs ou impairs	Mode F



## Collecte des données de diffraction

- 1. cristal
- 2. source de Rayons X (cours Jean-Luc Ferrer)
- 3. détecteur
- 4. Méthode de collecte des données
- 5. Traitements des données



www.esrf.fr Reproduction ULP Strasbourg. Autorisation CFC-Paris

## Collecte des données de diffraction

$$I_{hkl}(\lambda) = K \frac{V_c}{V^2} I_0(\lambda) C(\lambda, r) \lambda^3 \left| F_{hkl}(\lambda) \right|^2$$

Spécificité des macromolécules biologiques

- Intensités faibles
- Réseaux réciproques fortement peuplés
- Dégradation du cristal dans faisceau de rayons X

Des progrès technologiques et méthodologiques à toutes les étapes du processus

- Source de Rayons X
- Détecteurs
- Méthodes de Collecte et de traitement des données
- Préparation des cristaux





### PILATUS La révolution de ces dernières années

# **PIxel ApparATUs** for the **S**wiss Light Source Paul Scherrer Institut (PSI), CH-Villigen

- Qualités
  - Temps de lecture : quelques ms
  - Pas de bruit de fond
  - Grande dynamique
  - Collecte en continu possible
    - 0.02°-0.2°, exposition 100ms
    - Lecture 3ms sans arrêt









## Technical specifications

EIGER X	1M	4M	9M	16M
Number of detector modules	1×2	2×4	3×6	4×8
Sensitive area, width × height [mm²]	77.2 × 79.9	155.2 × 162.5	233.2 × 245.2	311.2 × 327.8
Pixel size [µm²]		75 >	: 75	
Total number of pixels	1030 × 1065 = 1,096,950	2070 × 2167 = 4,485,690	3110 × 3269 = 10,166,590	4150 × 4371 = 18,139,650
Gap width, hor. / ver. [pixel]	-/37	10 / 37	10 / 37	10 / 37
Inactive area [%]	3.5	5.6	6.3	6.6
Defective pixels [%]	A	< 0	.03	14
Maximum frame rate* [Hz]	3000	750	238	133
Readout time	cont	inuous readout, 3 µs de	ad time, duty cycle > 9	99 %
Point-spread function [pixel]				
Sensor thickness [µm]		45	i0	
Threshold energy [keV]		2.7	- 18	
Maximum count rate [phts/s/mm²]		5 -	10 <sup>8</sup>	
Counter bit depth [bit]		1	2	
Image bit depth [bit]		16 o	r 32	
Data format		HDF5 /	NeXus	
Dimensions (WHD) [mm³]	114 × 133 × 240	235 x 237 x 372	340 × 370 × 500	400 × 430 × 500
Weight [kg]	3.9	15	41	55
Power consumption [W]	75	300	750	1200
* Theoretical limit at maximum bandwidth				

## Méthode d'oscillation

- Donner au cristal un mouvement de rotation de faible amplitude autour d'un axe
  - Amplitude de la rotation (∆φ) limitée par la superposition de réflexions différentes en un même endroit du détecteur
- L'espace complet de diffraction est enregistré en une succession de N "clichés", correspondant chacun à une oscillation  $\Delta \phi$





# 

#### Figure 3

A still exposure with a stationary crystal contains only a small number of reflections arranged in a set of narrow ellipses.

© Zauter, (1997) ,Methods in Enzymology, Vol 276 Reproduction ULP Strasbourg. Autorisation CFC-Paris

© Zauter, (1999), Acta Cryst., D55, 1703-1717 Reproduction ULP Strasbourg. Autorisation CFC-Paris



#### Figure 4

When the crystal is rotated, reflections from the same plane in the reciprocal lattice form a lune, limited by two ellipses corresponding to the start and end positions.





Enregistrement du signal pendant toute la durée du passage du volume à travers la sphère d'Ewald

Pour un cristal parfaitement mosaïque



## Méthode d'oscillation



- Les réflexions sont en position de diffraction sur un certain domaine angulaire qui dépend :
  - mosaicité du cristal
    - organisation du cristal en petits domaines cristallins désorientés les uns par rapport aux autres
  - caractéristiques du faisceau de rayons X incidents
    - divergence, dispersion en longueur d'onde, optique
- Modèle simple. Volume sphérique, de rayon ɛ









2 types de réflexions sur le cliché de diffraction :

- Réflexions entières
- Réflexions partielles



#### What is 'shutterless'? Goniometer With-shutter data collection speed X-ray Slow. shutter Goniometer/X-ray shutter • Detector synchronization error and recording time shutter jitter may exist. 0001.img 0002.img Shutterless data collection Goniometer speed Fast. X-ray No mechanical error. shutter Detector Requires detector with recording ignorable readout time. time 0001.ima 0002 ima 0003 ima

La collecte des données

- Un moment crucial :
  - Obtenir un espace complet de diffraction sur toute la gamme de résolution
  - Des mesures précises et de qualité
- Des choix et des compromis, des décisions à prendre rapidement :
  - Paramètres géométriques de l'enregistrement
  - Domaine à enregistrer en priorité mais obtenir aussi la redondance maximale
  - Angle d'oscillation
  - Temps d'exposition
  - Un cristal à durée de vie limitée

Optimization of data collection taking radiation damage into account. **Bourenkov GP**, Popov AN. Acta Crystallogr D Biol Crystallogr. 2010 Apr;66(Pt 4):409-19. doi: 10.1107/S0907444909054961.





Data collection, especially at synchrotron sites, is the time where you may solve your structure in a few minutes or destroy months (or years) of work and waste a lot of money in a few seconds. Be prepared !

Crystallographic programs are now very easy to use, require few parameters but are based on complicated algorithms.

Try to understand what is going on and where crucial decisions need to be done

It may be fast to build 90% of a structure but it will take a longer time to finish the last 10%.

Quelques logiciels :

- Denzo HKL2000/HKL3000
  - http://www.hkl-xray.com/
- Mosflm (CCP4)
  - http://www.mrc-lmb.cam.ac.uk/harry/mosflm



- XDS
  - http://xds.mpimf-heidelberg.mpg.de/

Le traitement des données est de plus en plus intégré à la collecte. Résultats peu de temps (qq mn) après la collecte.

## **Pipelines**

Xia2 (CCP4)

xia2 pipeline=3d /here/are/my/images

autoPROC (GlobalPhasing Ltd) process -I /where/ever/images -d sub.dir > out.put

Research, Inc

http://jean.cavarelli.free.fr/igbmc/labo\_services/xray\_progs.html

## Traitements des données de diffraction

- 1. Inspection visuelle d'une image de diffraction
- 2. Indexation initiale
- 3. Choix des paramètres optimaux d'enregistrement
- 4. Collecte d'un espace complet de diffraction
- 5. Affinement des paramètres  $\Sigma ((P,Q)^{hkl}_{calc} - (P,Q)^{hkl}_{obs}) = f(param(i), i=1,n)$
- 6. mesures des intensités par cliché
- 7. Mises à l'échelle
- 8. Réduction des données, statistiques, erreurs
  - Réflexions équivalentes
  - Extinctions
- 9. Résultats





✓ /home/cay	va/frames/adh	esin/bm14_jul	2000/312_2_0	01.mccd					×								
Prof fit R	Zoom wind	Write/Print	A/D test	Floor Up	Floor Down	reverse	color	dim	bright	avarelli at I.G.	B.M.C col	llaborative licen	se Aca	demic licens	e		
Update pred	Full scale	Go	Show Overfl	Peak Sear	Edit P.S.	He	lp	close	Ename 4	onfiguration	Crystal	Information	Report	Help			
		-		1		-1		Imax=	65535	Strategy/S	imulation	Integration	Scaling	Macros	Credits	Copyrights	
	8080000000 000000000 000000000 00000000							Imax= HKL Processi System W. Minor Z. Otwine W. Minor Z. Otwine 11 10 97 73 56 42 25 14 0	65535 ing forwská 222 76 30 34 38 32 34	e l l l l	Refine Positi Partia a: c: Crysta Crysta Crysta Crysta Crysta Crysta Crossi Crossi Distari Mosai	al Rotation X: al Rotation X: al Rotation X: al Rotation X: al Rotation Y: al Rotation Y: al Rotation Y: tor Rotation X: tor Rotation X: fire Y: fire Y: fire Y: fire Y: fire Y: fire X: fire X: fire X: fire A: fire A:	n Reso X-χ2: am: b: β: β: β: g: g: b: β: β: g: g: g: g: g: g: g: g: g: g: g: g: g:	vace Grou lution: 50.00 Y	me 1	С: у:	
						-Integration Bo Profile Fitting R	adius 10.0				A	Bravais Lattice		Check Mosa Reference Z	icity one	Alignment Zone	
The Chil							Box Size	24 -	·			ntegrate Sets		ntegration S	etup		
File <u>X</u> tns I	Help						Spot Size	0.35 -	-		Se	t Ream Position	1	Set Blind Be	aion (		
ାତ୍ର	N / A						Elongation	Limit 0.7				Poloot Critoria			0		
																	the second se
V& 🕈 🔎	10						More C	ptions									
V% ↔ <i>P</i> ↔ <i>T ≯</i>							More C	ptions									
							More C	Options									Tra
							More C	Options				0 V0.97.647	Package Lid	censed to Jea	n Cavarelli	at I.G.B.M.C colla	Tra

✓ /home/cay	/a/frames/adh	esin/bm14_ju	2000/312_2_00	1.mccd				- 1	= ×					
Prof fit R	Zoom wind	Write/Print	A/D test	Floor Up	Flo	Bravais Lattice Table			1				3	ense Academic license = X
Remove pred	Full scale	Go	Show Overfl	Peak Sear	Edi	Autoindexing prefe	ormed for	unit cell	between 7.	9 to 211	1 Angsi	troms		Report Help
				-		<ul> <li>◇ primitive cubic</li> </ul>	15.06%	146.53 131.08	123.25 12 131.08 13	3.46 6 1.08 9	60.25 90.00	90.29 90.00	90.39 90.00	h Scaling Macros Credits Copyrights
					5.0	↓ I centred cubic	18.29%	123.25 168.69	191.13 19 168.69 16	1.68 6 8.69 9	68.11 90.00	108.56 90.00	108.38 90.00	Space Group: P1
		ŝ.				✓ F centred cubic	17.63%	191.68 213.90	258.02 19 213.90 21	2.01 é 3.90 9	64.48 90.00	99.60 90.00	115.35 90.00	Hesolution:         50.00         - 2.18           X-x2:         1.83         Y-x2:         2.16         (0)
				••••••	• * *	$\diamond$ primitive rhombohedral	11.22%	190.83 176.16	191.13 14 176.16 17	6.53 4 6.16 3	40.24	40.23 39.43	37.83 39.43	x2:         0.49         (0)           Beam:         64.168         Y Beam:         66.938
						💠 primitive hexagonal	0.21%	123.54	123.54 48	7.33 9 6.53 8	90.00 89.61	90.00 90.10	120.00	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	······				• • •	💠 primitive tetragonal	13.47%	123.54	123.54 14	6.53 9 6.53 9	90.00 89.71	90.00	120.00	-136.747 0.046 0.069 -93.399 0.025 0.020
			° • • •	·		💠 I centred tetragonal	13.11%	123.35	123.35 14 191.68 12	0.53 § 3.25 10	90.00 08.56	90.00 108.38	68.11	
	••••••			·	•		13.47%	123.25 123.25	123.46 14 123.46 14	6.53 8 6.53 9	89.71 90.00	90.39 90.00	119.75 90.00	
						♦ C centred orthorhombic	0.17%	123.83 123.83	213.38 14 213.38 14	6.53 8 6.53 9	89.61 90.00	90.10 90.00	89.89 90.00	
		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				↓ centred orthorhombic	13.11%	123.25 123.25	191.13 19 191.13 19	1.68 6 1.68 9	68.11 90.00	108.56 90.00	108.38 90.00	
					。 <sup>。。</sup>		9.75%	123.25 123.25	214.38 31 214.38 31	7.15 8 7.15 9	89.82 90.00	67.52 90.00	89.80 90.00	
							0.17%	123.25 123.25	146.53 12 146.53 12	3.46 9 3.46 9	90.29 90.00	119.75 119.75	89.61 90.00	hanne Disnlay
						♦ C centred monoclinic	0.06%	213.38 213.38	123.83 14 123.83 14	6.53 9 6.53 9	90.10 90.00	90.39 90.39	90.11 90.00	on set 1
					_	<ul> <li>primitive triclinic</li> </ul>	0.00%	123.25	123.46 14	6.53 8	89.71	89.61	60.25	for 5 🔶 cycles
λ						If you would like to press Apply butt	change the	e crystal la se window	attice: select c v, otherwise ju	tesired sp ist close	pace gro window	oup, v.		e Check Mosaicity
						Ar	oply		Apply 8	Close	ĺ			nt Reference Zone Alignment Zone
▼ The GIM	- = ×						150				0			Integration Setup
<u>File Xtns</u>	Help					Spot Size	0.35	-				Set B	leam Pos	ition Set Blind Region
W + 0						🖬 Elongati	on Limit 🛛	0.7				Rej	ect Crite	ria
$\leftrightarrow T /$	3 E					More	e Options							
					l									
														Trash
	AN					Term	inal				Пнк	L2000 V	0.97.647	Package Licensed to Jean Cavarelli at I.G.B.M.C colla
9	and the	3 😂 🤇				/home/cava/frames/adhesin/bn	114_jul200	0/312_2_	001.mccd		3			The GIMP 1:53 PM

/home/cava/frames/adhesi	in/bm14_jul2000/3	312_2_001.n	nccd				-	. = ×								
Prof fit R Zoom wind I	Write/Print A/D	) test	Floor Up	Flo	HKL2000 V0.97.0	47 Packag	ge Licensed t	to Jean Cavarelli at I	.G.B.M.C	- collaborative lice	nse .	Academic licen	se		-	×
Update pred Full scale	Go Show	Overf1 F	Peak Sear	Edi	<u>File</u> <u>Options</u>	Principal C	omponent	Site Configuration	n Crys	stal Information	Repor	t Help				
Update pred Full scale			Peak Sear		Project Main  Project Main  Pending Set  1.312_2_##  K  Resolution  K  Resolution  50.00  17.  Refinement C  Crystal  Rot X  Rot Y  Rot Z  Other parameter	Summary S Summary S #.mccd from 1 Seep current va Seep current va Circles Circles Do 2.18 Detect Rot Rot Rot Rot Rot Rot Rot Rot Rot Ro	Index/Refir	Site Conliguration	n Crys //Simulati Re Pc Pc Pc Re Co Co Co Co Co Co Co Ref 3D	on Integration integration inement Information inement Information inement Information inement Information inement Sigma Cu Window 1 Peak Search	Report Scali on R X-x2 x2: 1 leam: 3.85 t 0.00 ∫ toff 5.0	Help       ing     Macros       Space Grou       Resolution: 50.0       2:     3.24       1.36       64.123     Y       b:       β:	Credits up: P3 10 - 2.30 Y-x2: 3.56 Beam: 66.1 123.85 c 90.00 y -33.282 -16.803 32.606	Copyrights 935 :: : : : : : : : : : : : : : : : : :	(0) (19) 146.80 120.00 0.005 0.004 0.006	
The GIMI = X $File XIns Help$					<ul> <li>X Beam</li> <li>Yscale</li> <li>Cell</li> <li>Mosaicity</li> <li>Integration E</li> <li>Profile Fitting</li> </ul>	Y Beam     Skew     Distance     Skew     Skew     Distance     Skew     Ske	e	Fit All Fit Basic		Display Ch Index Refine Bravais Lattice Abort Refinemer Integrate Sets Set Beam Positic Reject Criteria	ange Dis	splay to fra n set 1 2 or 5 2 0 Check Moss Reference 2 Integration 5 Set Blind Re	ame 1	Alignment	Zone	Trash
		2			/home/cava/frame	Termina s/adhesin/bm14	ll  _jul2000/312_	_2_001.mccd	HKL:	2000 V0.97.647	Packag	e Licensed to Jea The GIMP	an Cavarelli at	I.G.B.M.C co		Thu Nov 20 1:54 PM

/home/cava/frames/a	udhesin/bm14_ju	2000/312 2 00	1.mccd				- 5	×							
Prof fit R Zoom wir	d Write/Print	A/D test	Floor Up	Flo	✓ HKL2000 V0.97.	i47 Packa	ge Licensed to Je	an Cavarelli at I.G.	.B.M.C c	collaborative li	cense Ac	ademic licen:	se		- ×
Update pred Full sca	le Go	Show Overfl	Peak Sear	Edi	<u>File</u> Options	Principal C	omponent S	ite Configuration	Cryst	al Information	Report	Help			
		000000 0	a aasaa	00000	Project Main	Summary	Index/Refinem	ent Strategy/S	Simulatio	n   Integratio	on Scaling	g   Macros	Credits	Copyrights	
					-Pending Set		1		Refir	nement Inform	ation		1 10 10		
					1 312 2 ##	# meed from	1 to 2		- nom	nement morm	S	inace Grou	in: P3		1
8		1.41.11			1,012_2_##	#inicod nom	1.02				Po	public cive	10. 220		
				a 6						22. 22	ne	5010100n: 50.0	10 - 2.30		
	d de la d			调船					Pos	sitional: 119	4 X-χ2:	1.24	Y-χ2: 1.	79	(0)
								7	Par	tiality: 950	χ2: 0.88	l			(78)
				#1	K	een current w	alues for all sets	1		>	Beam: 64	<b>1.198</b> Y	Beam: 6	6.943	
						Jop durione re			a:		125.03 b:		125.03	C:	148.26
									Grv	stal Rotation X	30.00 p.		-32.92	y. 6 0.016	0.008
	e <sup>e</sup>				-Resolution-			12	Crys	stal Rotation Y			-16.80	5 0.002	0.006
	aalii <sup>600</sup> ali <sup>00</sup>			8.4	💠 E	dge 🔷 Half	Corner 🔷 Corn	er	Crys	stal Rotation Z			92.61	4 -0.001	0.006
	19 <sup>40</sup>	ໍ່ຈໍ່ຈໍ				Vin 50.00	Max 2.30		Deta	ector Rotation	X:		0.80	3 0.010	0.039
The state of the search of the	188 <sup>989999</sup>	, ຄື ຄື ຄື <mark>ເ</mark>	<b>.</b>	• • •					Deta	ector Rotation	Y:		-0.01	4 -0.001	0.033
Bullanenen	18 <sup>88+8+8+8+</sup> 02 <sup>8</sup>		tt 🐘	a _ a	Resolution	Circles			Deta	ector Rotation	<i>L</i> :		0.00	8 0.001	0.012
			ູ້ຄຸ້ຄູ່ຄູ່		50.00 17.	00 2.18			Oms	ssnre A. ssfire V:			-0.00	7 0.001	0.012
Contractores	88888 <sup>88°8°</sup> 8888 <sup>8°</sup>			• • •	12				Cros	ssfire XY:			-0.02	1 0.001	0.020
Coll Lines Constitute	888888888888888888888888888888888888888		ູ້ຢູ່ຢູ່ຢູ່ຢູ່ຢູ່	8 8 0					Dist	tance:			141.50	9 0.148	0.089
	888 888 888 888 888 888	10 <sup>080</sup> 88 <sup>00</sup> 88 <sup>00</sup> 0	a <sup>8</sup> 8 <sup>9</sup> 8 <sup>9</sup> 8	1.0	Refinement	)ptions	i i e		Mos	saicity:					
	68889 19287939398888	8 <sup>0</sup>			Crystal	Detect	tor Cro	sstire	Rea	dv					
	198888888888888888888888888888888888888	•9 <sup>12</sup> 38 <sup>2</sup> 38 <sup>6</sup> 38			Rot X	Ro 📕	it X 📕 📕	×	-Con	trols					
					📕 Rot Y	📕 Ro	it Y 📕	Y	Refin	nement Sigma	Cutoff 5.0				
				a a a a	📕 Rot Z	🗆 Ro	it Z 📕	XY	00.4	Alle dans lo					
					Other naram	ters			3D V	vindow j2					
		ne le re el r	e e		X Ream	V Ream		π All [		Peak Searc	h				
					= // Beam	- i beam			Die	onlay (	"hongo Dicol	ov to fr	omo 1		
			° a * a	P	Yscale	Sikew	1	IX All		spiay	anange Dispi		ame		
				10.00	📕 Cell	📕 Distanc	e Fit	Basic			on	set 1			
					📕 Mosaicit	1				Define					
									-	Reline		5 🗹	sycles		
										Bravais Latti	ce	Check Mos	aicity		
					Integration E	0X	-		1			Defenses	7	à l'ann an a mh	7
					Profile Fitting	Radius 10.0			_	Abort heimen		nelerence 2	Lone	Alignment	Zone
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·						Box Size	24 -			Integrate Se	ts	Integration 3	Setup		
File Xtns Help						Spot Size	0.35 -			-	0	1123 - <u>2.33</u> 30 - 2316	. 1		
						operoize				Set Beam Pos	ition	Set Blind Re	egion		
						Elongation	1 Limit 0.7			Reject Criter	ia				
						More (	Options								
⇔T / Ø L															
0 1 0 2 2					5										
0000															
	5 11 -					Termina	al		HKL20	000 V0.97.647	Package I	Licensed to Je	an Cavarelli a	at I.G.B.M.C co	olla
<b></b>					/home/cava/frame	s/adhesin/bm1	4_jul2000/312_2_0	01.mccd	3			The GIMP			






 $\Delta \phi = 0.2^{\circ}$ 



- 1. Inspection visuelle d'une image de diffraction
- 2. Indexation initiale
- 3. Choix des paramètres optimaux d'enregistrement
  - Domaine angulaire à couvrir
  - Angle d'oscillation
  - Distance cristal détecteur
  - Temps d'exposition
- 4. Collecte d'un espace complet de diffraction
- 5. Affinement des paramètres
  - $\Sigma ((P,Q)^{hkl}_{calc} (P,Q)^{hkl}_{obs}) = f(param(i), i=1,n)$
- 4. mesures des intensités par cliché (Intégration 2D ou 3D)
  - <u>Méthode du profil</u> "Profil fitting"
- 5. Mises à l'échelle
- 6. Post-Affinement
- 7. Réduction des données, statistiques, erreurs
- 8. Résultats



 $\int \pm \sigma_{|\mathbf{F}|^2}$ (**F**)

125 137 152 162 176 189 188 173 156 155 130 137 149 165 194 246 291 280 225 564 1022 997 138 157 254 389 22% 184 315 2964 9804 10888 803 254 167 140 137 150 189 141 153 185 300 1828 5647 6284 686 251 166 149 140 145 166 236 618 1451 1590 396 217 162 143 176 153 138 137 150 181 238 287 284 222 122 132 141 155 175 186 181 167 154 147 138 128 135 143 151 158 157 151 145 143 135







#### **Consecutive diffraction images**



Indexing = Assigning hkl index to each reflection

hkl

Integration = Calculating intensities and their uncertainties and adding intensities between images

$$I_{hkl,1} \pm \sigma_{I_{hkl,1}}$$

$$I_{hkl,2} \pm \sigma_{I_{hkl,2}}$$

Merging = Combining intensities for symmetrically equivalent reflections

 $\langle I_{\scriptscriptstyle hkl} 
angle \pm \sigma_{\langle I_{\scriptscriptstyle hkl} 
angle}$ 

Scaling = Applying scale factor to integrated intensities to correct for various experimental factors changing between diffraction images

$$I_{hkl}\pm\sigma_{I_{hkl}}$$



Recording single-crystal diffraction data. (a) In the 'oscillation' method, signal is integrated over an angle  $\Delta\phi$ , chosen to be large enough to include entire Bragg peaks, but not so large so as to make the recorded image overcrowded. After the exposure, the image is read out, which typically takes a second or more. This process is repeated until the entire required  $\phi$ -range is covered. (b) In the fine phi-slicing mode using modern photon-counting detectors, the readout time is insignificant compared to the typical times the  $\phi$ -motor needs to move over a small  $\Delta\phi$ , in which case no x-ray shutter is needed, the  $\phi$ -motor runs constantly, and data acquisition is quasi-continuous, with only ms-dead times between exposures.







## 3D profile (XDS, d\*TREK)

- Consider angular direction as well as detector surface (1+2D)
- Partial reflections are summed during integration.



- 1. Inspection visuelle d'une image de diffraction
- 2. Indexation initiale
- 3. Choix des paramètres optimaux d'enregistrement
- 4. Collecte d'un espace complet de diffraction
- 5. Affinement des paramètres
- 4. Mesures des intensités par cliché
- 5. Mises à l'échelle entre tous les clichés
- 6. Réduction des données, statistiques, erreurs
- 7. Résultats
  - Maille, groupe(s) d'espace(s)
  - N réflexions
    - h,k,l,l<sub>hkl</sub>, $\sigma(l_{hkl})$

Pending Sets           1. lyso_a_0###.img from 1 to 300           2. lyso_b_0###.img from 1 to 300           3. lyso_c_0###.img from 1 to 300           4. lyso_d_0###.img from 1 to 300           5. lyso_e_0###.img from 1 to 300           6. lyso_f_0###.img from 1 to 300	Scaling Options Scale Restrain 0.01 B Restrain 0.02 Absorption Low Use Auto Corrections Use rejections on next run Write rejection file	Space Group: P43212 Global Refinement Non-Slipping Crystal → Perfect Goniostat Non-Slipping Crystal Imperfect Goniostat → Small Slippage Imperfect Goniostat ↓ Custom Postrefinement			
Output File output.sca Log File	Number of Zones 20 💐 Error Scale Factor 1.3	Resolution Min	Vo Postrefinement		
Scaling	Default Scale 10		Scalepack Version		
Controls     Adjust Error Model     Ed       Abort     Reindex     Show Log F       Diagnostics     Exclude Frames     Check S	it Rejection File Show Redunda Tile Reciprocal Lattice Space Group Dia	ncies Display Frame Reprocess Delete gram Check in PD	Load Output File Reject File		

Système	Groupe Ponctuel	Groupes chiraux
Triclinique	1	P1
Monoclinique	2	$P2 P2_1 C2$
Orthorhombique	222	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
Quadratique	4, 422	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
Trigonal / Rhomboédrique	3, 32	$\begin{array}{cccccc} P3 & P3_1 & P3_2 \\ P312 & P3_112 & P3_212 \\ P321 & P3_121 & P3_221 \\ R3 & R32 \end{array}$
Hexagonal	6, 622	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
Cubique	23, 432	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

Pour un espace complet et redondant de diffraction pour une forme cristalline donnée :

- 1. A partir des positions géométriques des réflexions
  - Forte présomption a=b,c,  $\alpha = \beta = 90^{\circ} \gamma = 120^{\circ}$
  - Système hexagonal si la symétrie d'ordre 6 est présente
  - Système trigonal si seulement une symétrie d'ordre 3 est présente
- 2. A partir des intensités des réflexions
  - Validation (ou non) de l'axe d'ordre 6
    - Validation (ou non) de l'axe d'ordre 3
  - Recherche d'axe d'ordre 2
- 3. A partir des extinctions systématiques
  - 6, 6<sub>1</sub> (ou 6<sub>5</sub>), 6<sub>2</sub> (ou 6<sub>4</sub>), 6<sub>3</sub> selon c
- 4. Pas de possibilités à ce stade de distinguer les groupes ayant même symétries et même extinctions
  - P6<sub>1</sub>/P6<sub>5</sub>, P6<sub>2</sub>/P6<sub>4</sub>, P6<sub>1</sub>22/P6<sub>5</sub>22, P6<sub>2</sub>22/P6<sub>4</sub>22

"Rsym" classique  $Rsym(I) = \frac{\sum_{hkl} \sum_{j=1}^{J-n_{hkl}} |\langle I_{hkl} \rangle - I_{hkl,j}|}{\sum_{hkl} \langle I_{hkl} \rangle} \langle I_{hkl} \rangle = \frac{1}{n_{hkl}} \sum_{j=1}^{J-n_{hkl}} I_{hkl,j}$ 

"Rrim", "Redundancy-independant merging R factor"

$$R_{r.i.m}(I) = \frac{\sum_{hkl} \sqrt{\frac{n_{hkl}}{n_{hkl} - 1}} \sum_{j=1}^{j=n_{hkl}} \left| < I_{hkl} > -I_{hkl,j} \right|}{\sum_{hkl} \sum_{j=1}^{j=n_{hkl}} I_{hkl,j}}$$

#### R<sub>rim</sub> = R<sub>meas</sub>

The redundancy-independent merging R factor gives the precision of individual intensity measurements, independent of multiplicity – hence, shows how broad the distribution is. This is particularly useful to evaluate low-resolution data quality, for example in experimental phasing.

### "Rpim", "Precision-indicating merging R factor"

$$R_{p.i.m}(I) = \frac{\sum_{hkl} \sqrt{\frac{1}{n_{hkl} - 1}} \sum_{j=1}^{j=n_{hkl}} \left| < I_{hkl} > -I_{hkl,j} \right|}{\sum_{hkl} \sum_{j=1}^{j=n_{hkl}} I_{hkl,j}}$$

#### **R**<sub>pim</sub>

The precision indicating merging R factor describes the precision of the **averaged** intensity measurements: it gives you the standard error of the mean - How precisely the center of the distribution is known. Like  $R_{meas}$ , it needs to be calculated before symmetry equivalents are merged.

Weiss, (2001), J. Apply. Cryst., 34, 130-135.

Data collection	
X-ray source	ESRF ID29
Wavelength (Å)	0.97625
Data collection temperature (K)	100
Detector	Pilatus 6MF
Crystal-detector distance (mm)	383.18
Total rotation range (°)	180
Exposure range (°) and time (s) per image	0.1, 0.04
Mosaicity (°)	0.474
Cell parameters (Å)	a = 100.36, b = 100.36, c = 105.04, $\alpha = \beta = \gamma = 90^{\circ}$
Space group	P41212
Resolution range (outer shell) (Å)	46.50-2.10 (2.23-2.10)
Total number of reflections	404573 (61254)
Number of unique reflections	31973 (4976)
Completeness (%)	99.7 (98.4)
Multiplicity	12.7 (12.2)
	19.2 (1.1)
Rmerge	0.074 (2.2)
R <sub>meas</sub>	0.077 (2.320)
CC <sub>1/2</sub>	0.999 (0.436)

# Linking Crystallographic Model and Data Quality

P. Andrew Karplus<sup>1</sup> and Kay Diederichs<sup>2</sup>\*

In macromolecular x-ray crystallography, refinement *R* values measure the agreement between observed and calculated data. Analogously,  $R_{merge}$  values reporting on the agreement between multiple measurements of a given reflection are used to assess data quality. Here, we show that despite their widespread use,  $R_{merge}$  values are poorly suited for determining the high-resolution limit and that current standard protocols discard much useful data. We introduce a statistic that estimates the correlation of an observed data set with the underlying (not measurable) true signal; this quantity, CC\*, provides a single statistically valid guide for deciding which data are useful. CC\* also can be used to assess model and data quality on the same scale, and this reveals when data quality is limiting model improvement.

25 MAY 2012 VOL 336 SCIENCE www.sciencemag.org

Cysteine DiOxygenase (CDO; PDB 3ELN) re-refined against 15-fold weaker data

Karplus, Diederichs (2012). Science, 336, 1030-1033. "Coefficients de corrélation"  $CC_{\frac{1}{2}}$ ,  $CC^*$ 

To determine where to cut the data, results from Student's t-test can indicate where statistical significance ends (as a rule-of-thumb data are usually insignificant if  $CC_{1/2} < 0.15$  or lower).

$$CC = \frac{\sum_{i=1}^{i=n} (x_i - \langle x \rangle) (y_i - \langle y \rangle)}{\sqrt{\sum_{i=1}^{i=n} (x_i - \langle x \rangle)^2 \sum_{i=1}^{i=n} (y_i - \langle y \rangle)^2}}$$

$$CC^{\star} = \sqrt{\frac{2 \ CC_{\frac{1}{2}}}{1 + CC_{\frac{1}{2}}}}$$

CC of thefull dataset against the true Intensities (usually unmeasurable)

- Data should be used to higher resolution than the conservative cutoff suggests
- $CC_{\frac{1}{2}}$  directly assesses significance of data
- CC<sup>\*</sup> predicts the agreement of data and truth
- CC\* provides a statistic that not only assesses data quality but also allows direct comparison of crystallographic model quality and data quality on the same scale
- Crystallographic models at high resolution have  $F_{calc}^2$  closer to the true data than the experimental data are.

- 1. Inspection visuelle d'une image de diffraction
- 2. Indexation initiale
- 3. Choix des paramètres optimaux d'enregistrement
- 4. Collecte d'un espace complet de diffraction
- 5. Affinement des paramètres
- 4. Mesures des intensités par cliché
- 5. Mises à l'échelle
- 6. Réduction des données, statistiques, erreurs
  - Réflexions équivalentes
  - Extinctions
- 7. Résultats
  - Maille, groupe(s) d'espace(s)
  - N réflexions
    - h,k,l,l<sub>hkl</sub>, $\sigma(l_{hkl})$
    - h,k,l,  $|F_{hkl}|,\sigma(|F_{hkl}|)$



Résultats. Un fichier de réflexions avec les mesures différents formats selon les programmes

- Maille, groupe(s) d'espace(s)
- N réflexions : h,k,l,l<sub>hkl</sub>, $\sigma(l_{hkl})$
- Pour la suite du processus,  $h,k,l, |F_{hkl}|, \sigma(|F_{hkl}|)$
- Calcul des modules des facteurs de structures
  - Approche simpliste
  - Approches Statistiques
- Analyses des données
- Fichier final : h,k,l,  $|F_{hkl}|,\sigma(|F_{hkl}|)$  différents formats
  - Une norme : format CCP4

## Calcul des modules des facteurs de structures

Expérience de diffraction = Mesure de  $I_{hkl}$  et calcul  $\sigma(I_{hkl})$ 

$$V_{hkl} \propto \begin{cases} |F_{hkl}|^2 = F_{hkl}\overline{F_{hkl}} & \text{cristal "idéalement imparfait"} \\ ("parfaitement mosaique") \\ |F_{hkl}| & \text{cristal parfait} \end{cases}$$

A partir des données,  $|F_{hkl}| = \sqrt{I_{hkl}}$   $\sigma(|F_{hkl}|) = \frac{1}{2} \frac{\sigma(I_{hkl})}{\sqrt{I_{hkl}}}$ Problèmes :

Calcul de  $|F_{hkl}|$  pour les réflexions mesurées négatives Calcul de  $\sigma(|F_{hkl}|)$  pour les réflexions faibles

Approche statistique Bayésienne :

- French, Wilson, (1978), Acta Cryst. A34, 517-525. Program Truncate (CCP4)
- Sivia and David, (1994), Acta Cryst. A50, 703-714.

$$|F_{hkl}| = \frac{1}{2}\sqrt{2I_{hkl} + \sqrt{4I_{hkl}^2 + 8\sigma_{I_{hkl}}^2}} \qquad \sigma(|F_{hkl}|) = (\frac{1}{F_{hkl}^2} + \frac{2(3F_{hkl}^2 - I_{hkl})}{\sigma_{I_{hkl}}^2})^{-\frac{1}{2}}$$



SUBSET OF I	NTENSITY D	ATA WITH	SIGNAL/NO	ISE >= -3.0 AS	5 FUNCTION	OF RESOLU	ITION				
RESOLUTION	NUMBER	OF REFL	ECTIONS	COMPLETENESS	R-FACTOR	R-FACTOR	COMPARED	I/SIGMA	R-meas	CC(1/2)	Anomal
LIMIT	OBSERVED	UNIQUE	POSSIBLE	OF DATA	observed	expected					Corr
3.39	43959	7862	7879	99.8%	3.3%	3.3%	43901	45.93	3.7%	99.9*	15*
2.40	78904	14040	14053	99.9%	4.1%	3.9%	78859	35.17	4.5%	99.8*	13*
1.96	103441	18058	18058	100.0%	5.5%	5.3%	103418	25.92	6.0%	99.7*	10
1.69	120608	21306	21319	99.9%	9.2%	9.0%	120560	15.15	10.1%	99.5*	6
1.52	133927	24143	24147	100.0%	16.5%	16.8%	133866	8.69	18.2%	98.3*	3
1.38	147353	26645	26649	100.0%	28.7%	29.5%	147313	5.14	31.7%	95.7*	2
1.28	157651	28885	28893	100.0%	48.4%	50.0%	157573	3.09	53.6%	88.1*	2
1.20	152989	31082	31095	100.0%	74.2%	76.2%	152814	1.88	83.2%	73.5*	Θ
1.13	87972	31089	33018	94.2%	90.9%	95.4%	83292	1.01	110.5%	50.5*	-2
total	1026804	203110	205111	99.0%	6.7%	6.6%	1021596	10.69	7.4%	99.9*	4

	Overall	InnerShell	OuterShell
Low resolution limit	44.22	44.22	1.84
High resolution limit	1.80	9.00	1.80
Rmerge (within I+/I-)	0.082	0.032	1.672
Rmerge (all I+ and I-)	0.088	0.033	1.816
Rmeas (within I+/I-)	0.097	0.037	1.972
Rmeas (all I+ & I-)	0.095	0.036	1.967
Rpim (within I+/I-)	0.051	0.020	1.029
Rpim (all I+ & I-)	0.037	0.015	0.752
Rmerge in top intensity bin	0.036	-	-
Total number of observations	308208	2484	18911
Total number unique	47105	440	2780
Mean((I)/sd(I))	11.7	37.8	1.0
Mn(I) half-set correlation CC(1/2)	0.999	0.998	0.470
Completeness	100.0	98.9	100.0
Multiplicity	6.5	5.6	6.8

# Analyse des données de diffraction

Analyse statistique des données

- Un contrôle qualité
- Éventuellement mise en évidence de défauts cristallins.

Défauts cristallins :

- Échantillon polycristallin. Identifier avant.
- Les défauts peuvent ne pas être visibles et l'aspect extérieur peut apparaître comme monocristallin " twinning "
- Un échantillon cristallin consistant en N domaines qui ont une orientation mutuelle donnée par une opération de symétrie qui n'appartient pas au groupe ponctuel du cristal mais qui est reliée à la symétrie du réseau correspondant.





L'analyse statistique de la distribution des intensités permet de mettre en évidence et de tenir compte du phénomène

Moments de la distribution des intensités, "Britton plot ", "Rees N(z) plot ", "Yeates S(H) plot ", "L-function"

```
Voir Truncate, CCP4, phenix.xtriage
```

© Garland Science 2010

# Collecte des données de diffraction

Collecte des données de diffraction

- Un processus crucial
- Un processus de plus en plus automatisé
- Un processus rapide : un espace complet en quelques minutes
  - Matériel : Utilisation de robots
  - Logiciels
    - Des algorithmes complexes avec une utilisation de plus en plus simple
    - Un traitement des données "synchronisé "avec la collecte.
- "Collecte MAD/SAD. Une carte peut être obtenue rapidement sur le site

### Des progrès énormes au cours des dernières années

- Obtenir une structure à partir de "cristaux inutilisables" hier
- De nouvelles possibilités





# Serial synchroton crystallography

• From micro to nano-crystallography

# XFELs

- From nano to fentosecond cristallography
- structure determination without crystallization



Méthodes de détermination des phases

#### • Utiliser des contraintes entre facteurs de structure

Méthodes directes.

1934 Fonction de Patterson, 1948 inégalités Harker-Kasper, 1950 déterminants de Karle-Hauptman, 1951 équation de Sayre, 1953 invariants et semi-invariants de Hauptman et Karle, 1956-1958 Hauptman et Karle Formule de la tangente et théorie probabilistique, 1960s " symbolic addition" Karle and Karle, ..., 1985 Hauptman and Karle Prix Nobel Chimie , ...

- Utiliser des variations de modules de facteurs de structure (pour chaque réflexion)
  - Remplacement isomorphe multiple, "Multiple Isomorphous Replacement" (MIR)
  - Utilisation de la diffusion anomale,
    - Travail à plusieurs longueurs d'onde, "Multi-wavelength Anomalous Scattering" (MAD)
    - Travail à une longueur d'onde, "Single wavelength Anomalous Scattering" (SAD)
  - Utilisation de la dégradation de la structure.
    - "(site-specific) Radiation damage-Induced Phasing" (RIP) Quelques exemples de modifications de structures. "X-Ray RIP" : ruptures de points di-sulfures, decarboxylations Asp, Glu; pertes de OH de Tyr; pertes de S-CH3 de Met; pertes de Se de SeMet; pertes de metals, de Br-AN.
- Utiliser un modèle de molécule parente correctement orientée et positionnée
  - Rem-placement Moléculaire

Obtention d'un jeu de phases initiales qui seront le plus souvent améliorées (pour chaque réflexion, diminution de l'erreur par rapport à la phase exacte)

Méthodes de modifications de densité

Les méthodes "expérimentales" de phasage. Utilisation de variations de modules de chaque facteur de structure

Pour chaque réflexion "indépendante" notée H,

 $N_H$  mesures,  $|F_{H,j}|, j = 1 \rightarrow N_H$ 

$$F_{H,j} = P_H + V_{H,j}$$

- P<sub>H</sub> une partie constante, inconnue, la même pour toutes les sources de données j
- $V_{H,j}$  une partie variable, due à un sous-groupe d'atomes donnés

 $V_{H,j}$  reflète une structure atomique (positions atomiques, facteurs de déplacements atomiques, ...), qui peut être représenté par une variable vectorielle  $\theta$ ,

 $|F_{H,j}(\theta)| = |P_H + V_{H,j}(\theta)|, \quad j = 1 \rightarrow N_H$ 

$$|F_{H,j}(\theta)| = |P_H + V_{H,j}(\theta)|, \quad j = 1 \rightarrow N_H$$

en théorie, chaque équation peut être résolue tres simplement dans le plan complexe. Construction de Harker

Intersection de  $N_H$  cercles centrés en  $-V_{H,j}$  et de rayon  $|F_{H,j}|$ 

Si les  $V_{H,j}$  ne sont pas colinéaires, Les systèmes d'équations sont résolus si :

- réflexions centriques,  $N_H > 1$
- réflexions non-centriques,  $N_H > 2$

Dans le cas réel, plusieurs catégories d'erreurs vont polluer la simplicité des équations et nécessiter un traitement statistique complexe.









$$|F_{H,j}(\theta)| = |P_H + V_{H,j}(\theta)|, \quad j = 1 \rightarrow N_H$$

Dans le cas général, le problème des phases est résolu si  $N_H > 2$ . Le processus de phasage :

- **()** Collecte des  $N_H$   $j = 1 \rightarrow N_H$  jeux de diffraction
- 2 Détermination des sous-structures  $V_{H,j}$ , en particulier les positions atomiques,
- Oétermination de la "main" des sous-structures,
- Galculs et interprétation des cartes de densité électronique : est-ce interprétable ?
  - Méthodes de modifications de densité,
- Onstruction, Affinement de la structure,
- Validation et contrôle qualité.

Des programmes de plus en plus performants et automatisés

- Des données de diffraction à un premier modèle construit dans une carte de densité électronique modifiée.
- Quelques exemples : CCP4, PHENIX, HKL3000, CNS
$|F_{H,j}(\theta)| = |P_H + V_{H,j}(\theta)|, \quad j = 1 \rightarrow N_H$ 

 "Single Isomorphous Replacement (SIR), Multiple Isomorphous Replacement (MIR)"

j fait référence aux différents dérivés lourds

"Single-wavelength anomalous diffraction (SAD), Multi-wavelength anomalous diffraction (MAD)"

j fait référence aux différences de "Bijvoet"

"(site specific) Radiation damage-Induced phasing (RIP)"
j fait référence aux degrés d'irradiations

$$\mathbf{M\acute{e}thode \ du \ remplacement \ isomorphe} \qquad F_{hkl} = \sum_{j=1}^{N+m} q_j \ f_j \ w_j \ e^{2i\pi(hx_j + ky_j + lz_j)} = \sum_{j=1}^{N} \ q_j \ f_j \ w_j \ e^{2i\pi(hx_j + ky_j + lz_j)} + \sum_{j=1}^{m} \ q_j \ f_j \ w_j \ e^{2i\pi(hx_j + ky_j + lz_j)}$$



Méthode de la diffusion anomale

$$F_{hkl} = \sum_{j=1}^{N} ({}^{0}f_{j} + {}^{\lambda}f_{j}' + i {}^{\lambda}f_{j}'') q_{j} w_{j}^{hkl} e^{2i\pi(hx_{j} + ky_{j} + lz_{j})}$$



 $\lambda_{1} |F_{1}^{+}| |F_{1}^{-}| F_{1}^{'} F_{1}^{''}$   $\lambda_{2} |F_{2}^{+}| |F_{2}^{-}| F_{2}^{'} F_{2}^{''}$ (cas 1 seul type de diffuseur anomal)

# Les principaux programmes en bio-cristallographie

- Des programmes de plus en plus performants et automatisés
  - Quelques exemples : CCP4, PHENIX, HKL3000, CNS

Quelques références actuelles :

- Collecte de données
  - HKL2000, MOSFLM, XDS
- Phasage MIR,MAD,SAD
  - SHARP, SOLVE, SHELX, CRANK,
- Remplacement Moléculaire
  - PHASER, MOLREP, AMoRe, BALBES, MR-ROSETTA
- Modification de densité (avec parfois constructions automatiques)
  - RESOLVE, SOLOMON, ARP/WARP, DM, SHELX
- Construction des structures
  - Automatique
    - Buccaneer, Resolve, Arp/wArp

REFMAC, PHENIX, SHELX, BUSTER, CNS

- Manuelle
  - Coot, O
- Affinement









## **CCP4 Tutorials**

#### ccp4i2 tutorials

- \* ccp4i2 video tutorials
- Data processing and SAD phasing
- \* Molecular replacement
- \* Model building and refinement

#### ccp4i tutorials

- + Basic phasing tutorials
- Integration and data processing
- \* Multi-crystal processing
- \* Refinement with ligands and covalent links

#### **External tutorials**

+ More MX tutorials

000			PHENIX home
Quit Preferences	<b>?</b> Help Citations Relo	ال ad last job Other	bols Ask for help
Actions Job history	d.		
Projects			Data analysis
Show group: All groups 🛟 Manage			Experimental phasing
			Molecular replacement
Select O Del	w New project	Co Settings	Model building
ID 🖋 p9-sad	Last modified Mar 13 2014 03:0	# of jobs R-free 34 0.3035	Refinement
			Validation
			Ligands
			Reflection tools
			Maps
			Model tools
			Other utilities
Current directory:	/Users/nat/Documents/tutorials/p9-sad Browse		
HENIX version dev-15	49		Project: o9-sad

### Bio - Cristallographie

Déterminations des structures 3D des macromolécules biologiques par diffraction des rayons X

## https://www.renafobis.fr/

JEAN CAVARELLI Université de Strasbourg, Centre de Biologie Structurale Intégrative, Institut de Génétique et de Biologie Moléculaire et Cellulaire 1, rue Laurent Fries, - 67404 Illkirch-Grafenstaden Cedex Tél : 03 69 48 52 74 - Fax : 03 88 65 32 76 - e-mail : jean.cavarelli@unistra.fr



## http://jean.cavarelli.free.fr/igbmc/labo\_services/xray\_progs.html

http://jean.cavarelli.free.fr/unistra/Public/biblio/biblio\_cristallographie.html